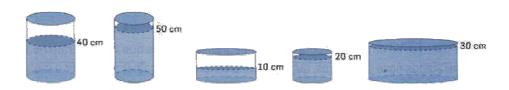
Ficha de Trabalho de Matemática do 9º ano - nº ___ Data: ___/ ___/ 2010

Assunto: Proporcionalidade inversa e directa II

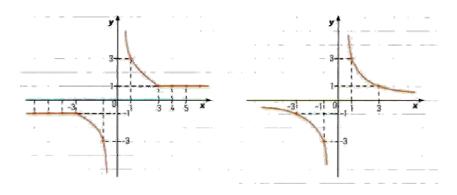
Os recipientes representados na figura contêm 6 litros de água cada um.



a. A tabela relaciona as áreas das bases com as alturas da água nos recipientes. Completa-a.

Altura da água (cm)	40	50	10	20	30
Área da base (cm^2)					

- b. Escreve a expressão analítica que permite obter a área da base em função da altura da água nos respectivos recipientes.
- 2. Qual dos seguintes gráficos representa uma função de proporcionalidade Inversa? Justifica.



- 3. Se um rectângulo medir 12 cm de comprimento e 15 cm de largura, quanto medirá o comprimento de um rectângulo com a mesma área e 0,3 m de largura?
- **4.** Considera as funções, f, g, h, t, j, representadas pelas expressões analíticas:

- $f(x) = \frac{2}{x}$ g(x) = 3x h(x) = 2x + 1 $t(x) = \frac{x}{8}$ $j(x) = -\frac{2x}{3} 2$
 - a. Indica as funções de proporcionalidade:
 - i. directa e a constante de proporcionalidade;
 - ii. inversa e a respectiva constante;
 - b. As que não indicaste nas alíneas anteriores e, nestes casos, indica o declive e a ordenada na origem.
- 5. As variáveis x e y são grandezas inversamente proporcionais e a constante de proporcionalidade é 18. Qual dos pontos pertence ao gráfico da função?
 - **A** (-3, -6) **B** (2, 36) **C** (36,2) **D** (18, 2)

6. Considera as expressões:

A
$$y = \frac{-5}{x}$$
 B $y = \frac{x}{3}$ **C** $y \times x = 12$ **D** $y = -x$ **E** $y = 3x - 2$

$$\mathbf{B} \quad y = \frac{x}{3}$$

$$\mathbf{C} \quad \mathbf{y} \times \mathbf{x} = 12$$

$$\mathbf{D} \quad y = -x$$

E
$$y = 3x - 2$$

- a. Identifica quais aquelas que se referem a situações de proporcionalidade inversa e directa, justificando.
- b. Constrói o gráfico de cada uma das funções.
- 7. A tabela seguinte mostra a relação entre o número de fatias (n) em que o bolo de aniversário de Jorge pode ser dividido e a massa (p), em quilogramas, de cada uma das fatias do bolo. A massa (p) de cada uma das fatias é inversamente proporcional ao número de fatias (n).

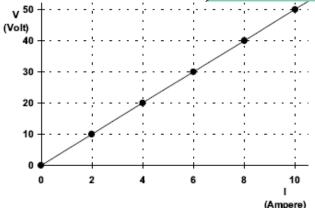
Número de fatias (n)	6	8	10
Massa das fatias (p) em kg	0,60	0,45	0,36

- a. Determina a constante de proporcionalidade inversa e explica o seu significado, no contexto do problema.
- b. Indica uma expressão analítica que relacione as duas variáveis.
- 8. Sabe-se que a resistência eléctrica (R) de um fio condutor depende do material de que é feito, do seu comprimento e da temperatura. Por isso, o Afonso para estudar a influência da área da sua secção recta (5) (a grossura do fio) utilizou fios de diferentes secções (grossuras), mas feitos do mesmo material, com o mesmo comprimento e mantidos à mesma temperatura. Realizada a experiência e com os dados recolhidos, o Afonso elaborou o gráfico representado à direita.
 - a. Identifica, justificando, o tipo de proporcionalidade existente entre as grandezas representadas no gráfico. Escreve uma relação matemática entre as variáveis R e S.
 - b. Para as mesmas condições descritas, determina a resistência eléctrica de um condutor com uma secção recta de 2×10^{-2} mm².
 - c. A seguir, o Afonso seleccionou um dos condutores e realizou uma nova

experiência: o estudo da Lei de Ohm. A resistência eléctrica de um condutor é uma grandeza física que se define como o quociente entre a diferença de potencial extremidades do condutor e a intensidade da corrente que o percorre:

$$R = \frac{V}{I}$$

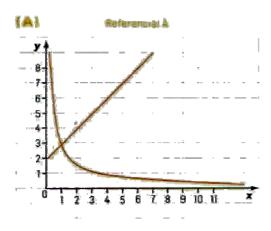
Com os dados agora recolhidos, o Afonso elaborou o gráfico ao lado.

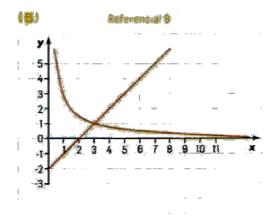


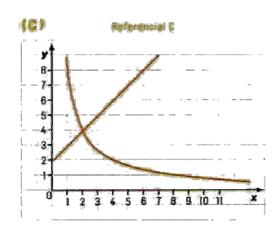
- i. De acordo com este gráfico, que tipo de proporcionalidade existe entre as grandezas V e I? Justifica.
- ii. Qual a secção do condutor que o Afonso escolheu? Explica o teu raciocínio.

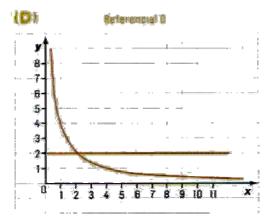
9. Consider as funções definidas por: y = x + 2 para $x \ge 0$ e $y = \frac{3}{x}$ para x > 0.

Em qual dos seguintes referenciais estão os gráficos das duas funções?









- 10. Alugou-se uma camioneta de 50 lugares para uma excursão. O custo do aluguer é de 100 euros.
 - a. Se forem 25 pessoas à excursão <u>quanto terá de pagar cada pessoa?</u>
 E se forem 50?



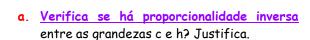
b. Completa a tabela.

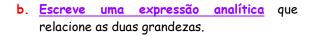
N° pessoas	25	50	10	20	
Custo bilhete	4				50

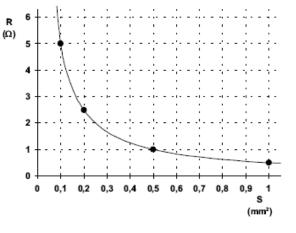
- c. Representando por x o número de pessoas e por y o custo do bilhete, tem-se que: x.y = 100
 - O que podes dizer acerca da relação entre as variáveis x e y?

11. Os condóminos de um prédio resolveram combinar um fim-de-semana para, todos juntos, arranjarem o jardim envolvente ao edifício. A administradora do condomínio elaborou a seguinte tabela, para motivar a participação de todos os vizinhos.

N° de condóminos a colaborar (c)		16	12
N° de horas dispendidas (h)	2	3	4





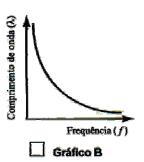


- c. Elabora o gráfico que relaciona as duas grandezas.
- d. <u>Assinala no gráfico</u> o tempo correspondente ao arranjo do jardim realizado <u>por seis e por</u> oito condóminos.
- e. Se a jardinagem tivesse demorado 2 horas e 24 minutos, então podíamos afirmar que x condóminos colaboraram. Descobre x. Explica a tua resposta e apresenta todos os cálculos que efectuares.

12. O COMPRIMENTO DE ONDA

O comprimento de onda do som é função da sua frequência. Essa função é dada pela expressão: $\lambda = \frac{340}{2} \text{ em que}$

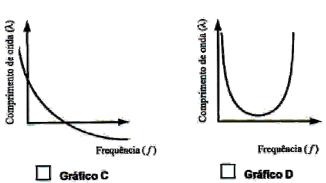
Composition of the control of the co



 λ é o comprimento de onda,

em metros;

 $f \quad \mbox{\'e a frequência, em Hz} \label{eq:f}$ (hertz – unidade de medida da frequência).



- a. <u>Assinala com X</u> o gráfico que pode representar esta função.
- b. O ouvido humano ouve sons cujas frequências variam de 20 Hz a 20000 Hz. <u>Será que</u> conseguimos ouvir um som, emitido por um gafanhoto, <u>com comprimento de onda de 3,4 mm</u>? Explica a tua resposta.
- c. <u>Será que esta relação representa uma situação de proporcionalidade inversa?</u> Em caso afirmativo indica o valor da constante.

