ESCOLA SECUNDÁRIA C/3º CICLO DO ENSINO BÁSICO DE LOUSADA





Prova Escrita de Matemática

3.º Ciclo do ensino Básico; 9º Ano de escolaridade

Duração da Prova: 90 minutos

Versão 2

| Λ | DDEE | NCHED | DEIO | ALUNO |
|---|------|-------|------|-------|
| A | PKEE | NUHER | PELL | ALUNO |

| Nome completo do aluno |
|------------------------|
|------------------------|

Na_____ Turma: 9°B Data: 12/03/10

A PREENCHER PELO PROFESSOR

Classificação em percentagem % (por cento)

Assinatura do Professor :.....

A PREENCHER PELO ENCARREGADO DE EDUCAÇÃO

Data/2010

Assinatura do Encarregado de Educação :.....

- Podes utilizar a máquina de calcular com que habitualmente trabalhas.
- O teste inclui **3 itens** de escolha múltipla. Em cada um deles, são indicadas quatro alternativas de resposta, das quais só uma está correcta. Deves indicar a alternativa correcta, para responder ao item e **apresentar todos os cálculos e justificações.**
- 1. A Ana e o Pedro são amigos há algum tempo. Desde o Ensino Primário que frequentam a mesma turma. Sabe-se que a Ana é mais velha um ano do que o Pedro e que a idade do Pedro é dada pela equação 480 = 2x(x+1), determina a idade dos dois amigos. Indica todos os cálculos que efectuares.

- 2. Escreve uma equação de 2º grau, na forma $ax^2 + bx + c = 0$:
 - 2.1 que tenha a solução dupla x = 3. Resposta:
 - 2.2 que tenha como soluções 7 e -11Resposta:
 - 2.3 em que $\Delta = (-2)^2 4 \times (-3) \times 5$. Resposta:
- 3. A Ana e o Pedro são membros de uma Associação Ambiental. Essa Associação é constituída por crianças adultos e jovens, num total de 135. Quantas crianças fazem parte do grupo, sabendo que a probabilidade de ser adulto é $\frac{1}{5}$ e a probabilidade de ser jovem é de $\frac{2}{3}$. Indica a resposta correcta, indicando todos os cálculos que efectuares.
 - **(A)** 18
- **(B)** 90
- **(C)** 27
- **(D)** 12

Resposta:

- 4. A Ana e o Pedro vão fazer um jogo, para decidirem quem deverá ser o portavoz do grupo que vai apresentar o trabalho de Geografia. O jogo consiste em lançar uma só vez o dado e anotar o resultado das operações entre os dois números da face que fica votada para cima. Assim:
 - Se o resultado fosse um número irracional o porta-voz seria o Pedro.
 - Se o resultado fosse um número racional negativo o porta-voz seria a Ana.
 4.1 Os dois amigos têm igual probabilidade de ser porta-voz do grupo?
 Mostra como chegaste à resposta.

| | $-7 - \frac{1}{3}$ | |
|---------------------|---------------------------------|----------------------------|
| $\sqrt{2}-\sqrt{2}$ | $\sqrt{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{1}{\pi} \times \pi$ |
| | $-\sqrt{9}\times\sqrt{3}$ | - |
| | $\sqrt{4} \times \sqrt{9}$ | |

5. Verifica se o par ordenado (x,y), tal que $x=\frac{1}{2}$ e $y=\frac{1}{4}$ é solução do sistema de equações. $\begin{cases} x^2=-y+x \\ xy=x^3 \end{cases}$. Indica todos os cálculos que efectuares e justifica a resposta.

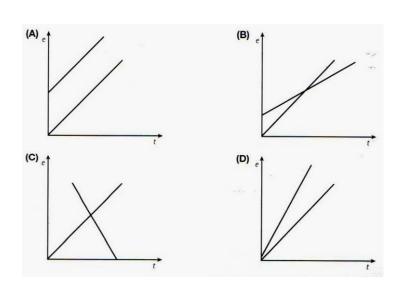
Resposta:

6. O Pedro e a Ana tiveram uma visita de estudo no dia 5 de Março e como tal tiveram de chegar cedo. Por azar, nesse dia, o Pedro perdeu o autocarro e de imediato pediu ao pai para o seguir no seu carro para tentar apanhá-lo. O espaço percorrido pelo carro do pai do Pedro é dado por $e_p=4t$ e o espaço percorrido pelo autocarro é dado por $e_p=3t+15$, em que e_p é



o espaço percorrido em quilómetros e t o tempo, em minutos.

6.1 Qual é a representação gráfica que traduz a perseguição do carro ao autocarro? Justifica convenientemente a opção escolhida.



6.2 Ao fim de quanto tempo é que o pai do Pedro consegue apanhar o autocarro? Indica todos os cálculos que efectuares.

Resposta e justificação

Resposta:

7. Indica se são verdadeiras ou falsas as afirmações e corrige as falsas.

- 7.1 A expressão $\frac{x}{3} = y$ traduz uma situação de proporcionalidade inversa e a constante é 3.
- 7.2 A expressão $\frac{7}{y} = \frac{1}{x}$ traduz uma situação de proporcionalidade inversa e a constante é 7.
- 7.3 A expressão $y = \frac{1}{7x}$ traduz uma situação de proporcionalidade directa e a constante é $\frac{1}{7}$.

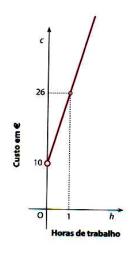
8. O pai da Ana, o Sr. Silva, necessitou de fazer umas reparações em casa. Para isso, contratou um electricista e um canalizador.

Custos dos serviços prestados: Electricista

Deslocação: 20 € Trabalho: 12 € por cada hora

Canalizador

O custo do serviço prestado é obtido por consulta do gráfico.





8.1 Qual é o preço de cada hora de trabalho prestada pelo canalizador? Justifica a tua resposta.

Resposta:

8.2 O electricista efectuou a reparação em três horas e meia e o canalizador trabalhou durante cinco horas. Quanto pagou o Sr. Silva no total aos dois trabalhadores? Indica todos os cálculos que efectuares.

Resposta:

8.3 Escreve uma expressão analítica que relacione o custo do serviço prestado pelo canalizador (c), com o número de horas de trabalho (t).

9. A mãe da Ana é florista. Hoje, vendeu mais 32 rosas brancas do que rosas amarelas. Recebeu 5 euros por cada rosa branca e 6 euros por cada rosa amarela, recebendo 424 euros no total. Quantas rosas vendeu a mãe da Ana? Indica a resposta correcta, apresentando todos os cálculos efectuados.



- (A) 56
- **(B)** 24
- **(C)** 80
- (D) O problema é impossível

Resposta:

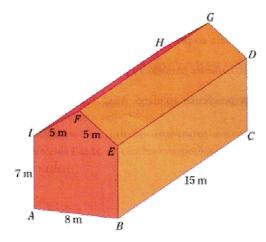
10. Na figura ao lado estão representadas duas rectas, r: $y = -\frac{5}{4}x + 3$ e s: $y = \frac{1}{3}x - 2$.

10.1 Escreve a equação da recta t paralela à recta s cuja ordenada na origem seja -3 e a equação da recta z paralela à recta s que passe pelo ponto (0, -7).

Resposta:____

11. O prisma pentagonal da figura, representa a sede onde a Associação Ambiental dos dois amigos se reúne.

11.1 Determina a área da parte da frente da sede. Mostra como chegaste à resposta.



12. No estudo para o teste de Matemática, o Pedro e Ana, depararam-se com um item no qual ambos tiveram dificuldades. Ajuda-os a chegar às soluções nas alíneas seguintes, indicando todas as etapas e cálculos efectuados.

12.1 Será que o número dado pela expressão $(1+\sqrt{5})^2-(\sqrt{6})^2$ pertence ao intervalo $A=]-\infty$, 4,482] ?

| Resposta |
|-----------------|
|-----------------|

12.2 Indica maior número inteiro pertencente ao intervalo A.

Resposta:

12.3 Sabendo que $B = \begin{bmatrix} -7 & , 3\sqrt{5} \end{bmatrix}$, indica em intervalos de números reais $A \cap B$ e indica um número irracional não positivo que lhe pertença. Mostra como chegaste à resposta.

Resposta:

13. No dia 20 de Março irá decorrer a operação "Ajuda a Limpar Portugal". A Associação Ambiental da qual fazem parte a Ana e o Pedro não ficou indiferente à iniciativa. A zona florestal que a Associação irá limpar fica situada a um número de quilómetros mínimo e máximo da sede de trabalho. Sendo do espaço florestal (em km) que a Associação tem de limpar e que é dado pela condição:

$$d - \frac{3(1+2d)}{5} \ge -3 \quad \land \quad d + \frac{1-2d}{2} \le \frac{d}{2}.$$

Calcula o número de quilómetros que os membros têm de percorrer. Mostra como chegaste à resposta.